

Exercice 1

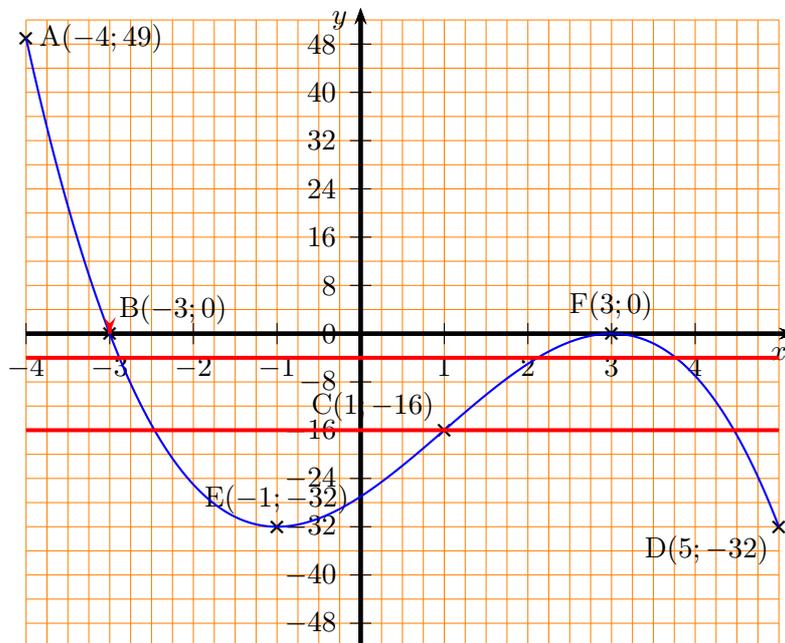
- $f(-3)$ est l'image par f de -3 . Pour le connaître, on se place à $x = -3$, et on remonte vers la courbe. Le point de la courbe à cette abscisse est B , ainsi on peut répondre exactement $\boxed{f(-3) = 0}$.
- Les solutions de l'équation $f(x) = -4$ sont les antécédents de -4 par f . Pour les trouver, on trace la droite \mathcal{D}_∞ d'équation $y = -4$, on lit les abscisses des points d'intersection de \mathcal{C}_f et de \mathcal{D}_∞ . Ici on ne peut que faire une lecture approchée : $\boxed{\mathcal{S} = \{-2, 8; 2, 1; 3, 75\}}$.
- Pour les solutions de l'inéquation $f(x) < -16$, on trace la droite \mathcal{D}_ϵ d'équation $y = -16$, on lit les abscisses des points de \mathcal{C}_f qui sont strictement en-dessous de \mathcal{D}_ϵ . Les solutions sont en deux parties, on utilise donc le symbole \cup : $\boxed{\mathcal{S} =] - 2, 4; 1[\cup] 4, 5; 5]}$.
- Pour trouver l'équation $y = ax + b$ de la droite (AB), on commence par calculer le coefficient directeur $a = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{0 - 49}{-3 - (-4)} = \frac{-49}{1} = \boxed{-49}$.

On utilise maintenant un point de la droite, A ou B . Vu les coefficients, le point B donnera des calculs plus simples. On remplace x et y par les coordonnées de B dans l'équation, ainsi :

$$\begin{array}{l}
 y_B = -49 \times x_B + b \\
 0 = -49 \times (-3) + b \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{On remplace par les valeurs} \\ \text{On effectue le calcul} \end{array} \right. \\
 0 = 147 + b \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{On soustrait 147 de chaque côté} \\ \boxed{-147 = b} \end{array} \right.
 \end{array}$$

Une équation de BC est donc $\boxed{y = -49x - 147}$.

- BF est une droite horizontale (car $y_B = y_F = 0$) donc son coefficient directeur est 0, l'équation est de type $y = b$. Ici l'équation est donc $\boxed{y = 0}$ (car les points sont à l'ordonnée 0).



Exercice 2

- (a) On tape $\text{solve}(x^2 + 3 = 0, x)$ et la calculatrice nous répond *false*, donc il n'y a aucune solution : $\boxed{\mathcal{S} = \emptyset}$.
- On tape $\text{solve}(3 - 5x = 2, x)$ et la calculatrice nous donne comme unique solution $\boxed{\mathcal{S} = \left\{ \frac{1}{5} \right\}}$.

3. On tape $\text{solve}(2x^2 - x = 4x, x)$ et la calculatrice nous donne deux solutions $x = 0$ et $x = 2,5$. Ce sont les abscisses des points d'intersection. On trouve les ordonnées en remplaçant x par 0 et par 2,5 dans l'une des deux fonctions (ça donnera le même résultat pour l'autre, puisque justement ce sont des points d'intersection). C'est plus facile avec $g : g(0) = 4 \times 0 = 0$ et $g(2,5) = 4 \times 2,5 = 10$. Les points d'intersection sont donc $\boxed{(0; 0) \text{ et } (2,5; 10)}$.

Remarque : on pouvait débiter en tapant $f(x) := 2x^2 - x$ et $g(x) := 4x$ pour taper plutôt $\text{solve}(f(x) = g(x), x)$ et ensuite $f(0)$ et $f(2,5)$, cela donnait la même chose. C'est d'ailleurs en général plus simple quand les expressions de f et g sont compliquées à taper.

Exercice 3

Pour résoudre cette équation, on va commencer par mettre tous les termes du même côté, afin de se ramener à une équation de type $ax^2 + bx + c = 0$ (car on voit qu'il y a du x^2) :

$$\begin{array}{rcl} x^2 - 3x + 1 & = & 2x - 3 \\ x^2 - 5x + 1 & = & -3 \\ x^2 - 5x + 4 & = & 0 \end{array} \quad \left. \begin{array}{l} \left. \begin{array}{l} \leftarrow -2x \\ \leftarrow +3 \end{array} \right\} \\ \leftarrow \end{array} \right\}$$

On reconnaît $ax^2 + bx + c = 0$ avec $a = 1$, $b = -5$ et $c = 4$.

On calcule $\Delta = b^2 - 4ac = (-5)^2 - 4 \times 1 \times 4 = 9$.

$\Delta > 0$, il y a deux solutions : $\frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{5 - \sqrt{9}}{2 \times 1} = 1$ et $\frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{5 + \sqrt{9}}{2 \times 1} = 4$.

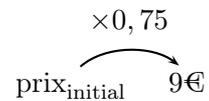
$$\boxed{\mathcal{S} = \{1; 4\}}$$

Exercice 4

1. Le taux d'évolution se calcule par $\frac{v_F - v_I}{v_I}$. Entre 60€ et 51€, cela donne donc :

$$\frac{51 - 60}{60} = \boxed{-0,15 \text{ soit } -15\%}$$

2. Le coefficient multiplicateur entre les deux valeurs est de $1 + \text{taux} = 1 - 25\% = 0,75$. On peut faire le schéma suivant :



On en déduit donc :

$$\begin{array}{rcl} 9\text{€} & = & \text{prix}_{\text{initial}} \times 0,75 \\ \frac{9\text{€}}{0,75} & = & \text{prix}_{\text{initial}} \\ \boxed{12\text{€}} & = & \text{prix}_{\text{initial}} \end{array} \quad \left. \begin{array}{l} \left. \begin{array}{l} \leftarrow \text{On divise par } 0,75 \text{ de chaque côté} \\ \leftarrow \text{On effectue le calcul} \end{array} \right\} \end{array} \right\}$$

3. Soit t le taux d'évolution moyen annuel du prix du pain sur cette période.

$$\begin{array}{ccccccc} & \times(1+t) & \times(1+t) & \times(1+t) & \times(1+t) & & \\ \text{2011} & \xrightarrow{\quad} & \text{2012} & \xrightarrow{\quad} & \text{2013} & \xrightarrow{\quad} & \text{2014} & \xrightarrow{\quad} & \text{2015} \\ & & & & \times(1+t)^4 & & & & \end{array}$$

Entre 2011 et 2015, il y a eu quatre évolutions, le prix du pain a été multiplié par $(1+t)^4$. Le coefficient multiplicateur global est $1 + 2\% = 1,02$.

Donc $(1+t)^4 = 1,02$.

C'est équivalent à $1+t = 1,02^{\frac{1}{4}}$.

En enlevant 1 de chaque côté, cela donne $t = 1,02^{\frac{1}{4}} - 1 \approx 0,0050$.

Le taux d'évolution moyen annuel du prix du pain est environ de $\boxed{0,50\%}$.

Remarque : on pouvait également demander à la calculatrice $\text{solve}((1+t)^4 = 1,02, t)$. Il faut faire attention que, dans le cas où l'exposant est pair (comme ici), on a deux solutions, et il faut bien choisir la solution... (il n'y en a qu'une seule qui fait sens si on la considère comme un taux d'évolution).