

## 1 Définitions

Si  $\mathcal{C}$  est un cercle de centre  $O$ , et que  $A$  et  $B$  sont deux points de ce cercle, alors :

- $\widehat{AB}$  est le petit arc de cercle de  $A$  vers  $B$ . Pour parler du grand arc de cercle de  $A$  vers  $B$ , on peut placer un point  $D$  sur le grand arc de cercle, et écrire  $\widehat{ADB}$ .
- $[AB]$  est la corde de  $A$  vers  $B$  (c'est le segment de  $A$  vers  $B$ ).
- Un secteur angulaire est une partie du disque délimitée par les segments  $[OA]$ ,  $[OB]$  et un arc de cercle (le petit arc  $\widehat{AB}$  ou le grand arc de  $A$  vers  $B$ ).

## 2 Formules

- Périmètre d'un cercle de rayon  $R$  : c'est  $2\pi R$ .
- Aire d'un disque de rayon  $R$  : c'est  $\pi R^2$ .
- Pour éviter de confondre, on raisonne par homogénéité :  $2\pi R$  est homogène à une longueur ( $2\pi$  est sans unité,  $R$  est en mètres) ;  $\pi R^2$  est homogène à une aire ( $\pi$  est sans unité,  $R^2$  est en mètres carrés).

Quand on doit étudier un arc de cercle ou un secteur de disque, on fait le calcul par proportionnalité :

Portion de cercle		1	1/2	2/3	$p$
Longueur de l'arc de cercle		$2\pi R$	$2\pi R \times \frac{1}{2} = \pi R$	$2\pi R \times \frac{2}{3} = \frac{4\pi R}{3}$	$2\pi R \times p$
Angle au centre	$360^\circ$	$180^\circ$	$50^\circ$	$\alpha$	
Longueur de l'arc de cercle	$2\pi R$	$2\pi R \times \frac{180}{360} = \pi R$	$2\pi R \times \frac{50}{360} = \frac{5\pi R}{18}$	$2\pi R \times \frac{\alpha}{360} = \frac{\pi R\alpha}{180}$	
Portion du disque	1	1/2	2/3	$p$	
Aire du secteur	$\pi R^2$	$\pi R^2 \times \frac{1}{2} = \frac{\pi R^2}{2}$	$\pi R^2 \times \frac{2}{3} = \frac{2\pi R^2}{3}$	$\pi R^2 \times p$	
Angle au centre	$360^\circ$	$180^\circ$	$50^\circ$	$\alpha$	
Aire du secteur	$\pi R^2$	$\pi R^2 \times \frac{180}{360} = \frac{\pi R^2}{2}$	$\pi R^2 \times \frac{50}{360} = \frac{5\pi R^2}{36}$	$\pi R^2 \times \frac{\alpha}{360}$	

## 3 Propriétés

Avec un cercle, une droite peut avoir 0 (droite extérieure au cercle), 1 (tangente au cercle) ou 2 (sécante au cercle) points d'intersection.

Si  $\mathcal{C}$  est un cercle de centre  $O$ , et que  $A$  est un point de ce cercle, alors la tangente au cercle en  $A$  est perpendiculaire au rayon  $[OA]$ .

Rappel du chapitre 2 : Si  $\mathcal{C}$  est un cercle de diamètre  $[AB]$ , et que  $C$  est un point de ce cercle, alors le triangle  $ABC$  est rectangle en  $C$ .

## 4 Calculs exacts ou approchés

Faire la distinction entre un calcul exact ( $=$ ) ou approché ( $\approx$ ). Pour arrondir, par ex. si le résultat est en mètres, demander une valeur approchée au cm, c'est pareil que demander 2 décimales ou demander une valeur à  $10^{-2}$  près. Si on ne précise pas, il faut arrondir au plus proche. Pour arrondir par défaut, on coupe (ex. 3,1415 arrondi par défaut à  $10^{-3}$ , c'est 3,141) et pour arrondir par excès, on augmente la dernière décimale (ex. 7,891 par excès à 2 décimales, c'est 7,90).