

Exercise 1

Calc. : ✗

	<p>Un fabricant de drones teste de nouveaux types de drones sur un terrain d'athlétisme local. Le drone A se déplace le long de la trajectoire donnée par l'équation :</p> $\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 10 \\ 13 \\ 0 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 3 \\ 4 \\ 12 \end{pmatrix}, \quad t \geq 0$ <p>Le temps t est exprimé en secondes et la distance est mesurée en mètres.</p>
2 marks	1. Trouver la position du drone A après 6 secondes.
2 marks	2. Déterminer le temps mis par le drone A pour atteindre le point de coordonnées (25; 33; 60).
2 marks	3. Calculer la vitesse du drone A. Donner la réponse sous la forme la plus simple.
3 marks	4. Un observateur observe le drone A depuis le point de coordonnées (13; 53; 0). Calculer la distance la plus courte entre le drone A et l'observateur, et l'heure à laquelle elle se produit.
	<p>Le drone B décolle du point de coordonnées (9; 11; 0) et se déplace à 7 m/s dans la direction $\begin{pmatrix} 1 \\ 1,5 \\ 3 \end{pmatrix}$.</p>
2 marks	5. Montrer que l'équation décrivant la position du drone B est :
	$\begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 9 \\ 11 \\ 0 \end{pmatrix} + t \begin{pmatrix} 2 \\ 3 \\ 6 \end{pmatrix}, \quad t \geq 0$
2 marks	6. Trouver le point où les trajectoires des drones A et B se croisent.
2 marks	7. Préciser si les drones vont entrer en collision à ce moment-là. Justifier la réponse.

Exercise 2

Calc. : ✗

	<p>Consider vectors $\vec{a} = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$, $\vec{b} = \begin{pmatrix} n \\ 1 \\ -3 \end{pmatrix}$ and $\vec{c} = \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ -1 \end{pmatrix}$, where n is a real number.</p>
5 marks	Prove that whatever the value of n , the volume of the parallelepiped determined by these vectors is always the same.

Exercise 3

Calc. : ✗

	<p>In a three-dimensional space, we consider:</p> <ul style="list-style-type: none"> The line L_1 of parametric representation: $\begin{cases} x = 3 + \lambda \\ y = -3 - 4\lambda \\ z = -2 + 2\lambda \end{cases} \quad (\lambda \in \mathbb{R})$ The point $A(2, 1, -4) \in L_1$ The line L_2 of parametric representation: $\begin{cases} x = 10 - 3\mu \\ y = -21 + 12\mu \\ z = 11 - 6\mu \end{cases} \quad (\mu \in \mathbb{R})$
5 marks	Show that L_1 and L_2 are parallel then determine the coordinates of point B of line L_2 such that the line (AB) is perpendicular to L_1 and L_2 .