

**Exercice 1**Calc. : X

Trouver  $k \in \mathbb{R}$  tel que les vecteurs  $\vec{u} \begin{pmatrix} 2 \\ k+1 \end{pmatrix}$  et  $\vec{v} \begin{pmatrix} 3k \\ 4 \end{pmatrix}$  soient orthogonaux.

5 marks

**Exercice 2**Calc. : X

Dans une base du plan  $(\vec{i}; \vec{j})$ , on considère les vecteurs  $\vec{a} = 4\vec{i} - 2\vec{j}$  et  $\vec{b} = 2\vec{i} + \vec{j}$ . Déterminer les nombres  $k$  et  $t$  tels que  $k \cdot (\vec{a} - \vec{b}) = 4\vec{i} + (t \cdot \vec{i} - 9\vec{j})$ .

4 marks

**Exercice 3**Calc. : ✓

Dans le plan muni d'un repère, on considère le triangle ABC rectangle en C, avec : A(1; 2), B(5; -2) et C( $x; x - 3$ ) où  $x > 3$ .

3 marks

Dans les questions suivantes, on prendra  $x = 5$ .

3 marks

3 marks

4 marks

5 marks

5 marks

**Exercice 4**Calc. : ✓

Déterminer les valeurs de  $x$  pour que les vecteurs  $\vec{u} \begin{pmatrix} x \\ 1 \end{pmatrix}$  et  $\vec{v} \begin{pmatrix} 1 \\ 2x+1 \end{pmatrix}$  soient colinéaires.

4 marks

**Exercice 5**Calc. : ✓

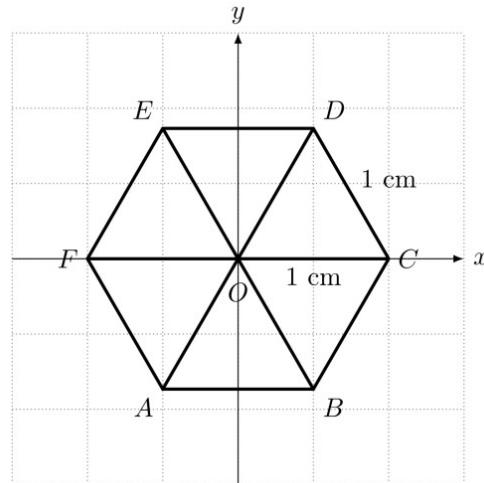
Déterminer la valeur de  $x$  pour que les vecteurs  $\vec{u} \begin{pmatrix} x \\ 1 \end{pmatrix}$  et  $\vec{v} \begin{pmatrix} 1 \\ 2x+1 \end{pmatrix}$  soient orthogonaux.

3 marks

**Exercice 6**Calc. : X

Betrachte in einem zweidimensionalen Vektorraum mit Standardbasis das regelmäSSige Sechseck ABCDEF mit dem Mittelpunkt O und Seitenlänge 1 cm.

5 marks



Bestimme den Wert der folgenden Skalarprodukte:

1.  $\vec{OC} \cdot \vec{OD}$

2.  $\vec{DO} \cdot \vec{FC}$

3.  $\vec{BF} \cdot \vec{OD}$

**Exercise 7**Calc. : ✓

Betrachte in einem zweidimensionalen Vektorraum mit Standardbasis die Punkte A(2|2), B(4|3), C(5|1) und D(3|0).

1. Berechne das Skalarprodukt $\vec{AB} \cdot \vec{AC}$ .	3 marks
2. Berechne $ \vec{AB} $ und $ \vec{AC} $ .	2 marks
3. Bestimme im Dreieck ABC die GröSSe des Winkels am Eckpunkt A, gerundet auf 2 Dezimalen.	3 marks
4. Zeige, dass die Vektoren $\vec{AB}$ und $\vec{AD}$ orthogonal sind.	2 marks

**Exercise 8**Calc. : ✗

The vectors  $\vec{u}$  and  $\vec{v}$  are given, with  $\vec{u} = \begin{pmatrix} -4 \\ 2 \end{pmatrix}$  and  $\vec{v} = \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \end{pmatrix}$ .

1. Calculate $\vec{u} \cdot \vec{v}$ .	3 marks
2. Determine whether the vectors $\vec{u}$ and $\vec{v}$ are parallel or not.	3 marks

**Exercise 9**Calc. : ✓

The points A(2, 5) and B(7, -7) are given.

1. Calculate $\ \vec{AB}\ $ .	3 marks
2. Find the coordinates of point C if you know that $\vec{AC} = \begin{pmatrix} -1 \\ 9 \end{pmatrix}$ .	4 marks
3. Find the angle between vectors $\vec{AB}$ and $\vec{AC}$ if you know that $\vec{AC} = \begin{pmatrix} -1 \\ 9 \end{pmatrix}$ . Write your answer in degrees, accurate to two decimal places.	4 marks
4. Find the parameter $k$ , so that the vector $\vec{u} = \begin{pmatrix} 12 \\ k \end{pmatrix}$ is perpendicular to $\vec{AB}$ .	4 marks

**Exercise 10**Calc. : ✓

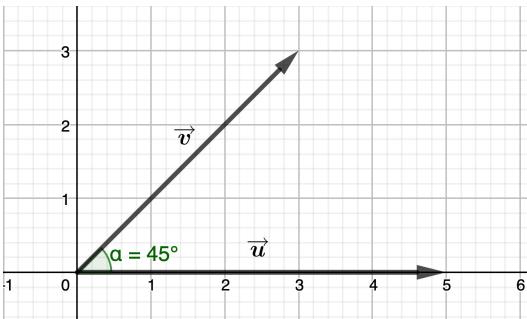
The vectors  $\vec{u}$  and  $\vec{v}$  are given, with  $\vec{u} = \begin{pmatrix} 3 \\ -1 \end{pmatrix}$  and  $\vec{v} = \begin{pmatrix} 6 \\ 2 \end{pmatrix}$ .

Express vector $\vec{w} = \begin{pmatrix} 0 \\ 4 \end{pmatrix}$ as a linear combination of vectors $\vec{u}$ and $\vec{v}$ .	5 marks
--	---------

**Exercise 11**Calc. : ✗

Respecto a una base ortonormal se consideran los vectores  $\vec{u} = (2, 3)$ ,  $\vec{v} = (-1, 2)$ . Expresar el vector  $\vec{w} = (-7, 0)$  como combinación lineal de  $\vec{u}$  y  $\vec{v}$  :

$$\vec{w} = a \cdot \vec{u} + b \cdot \vec{v}$$

Calcular el producto escalar de los vectores $\vec{u}$ y $\vec{v}$ representados en la figura:	5 marks
	

**Exercice 13**

Calc. : ✓

En un sistema de referencia ortonormal, se considera el triángulo ABC con los vértices A(-4, 3), B(0, -4) y C(4, 2).

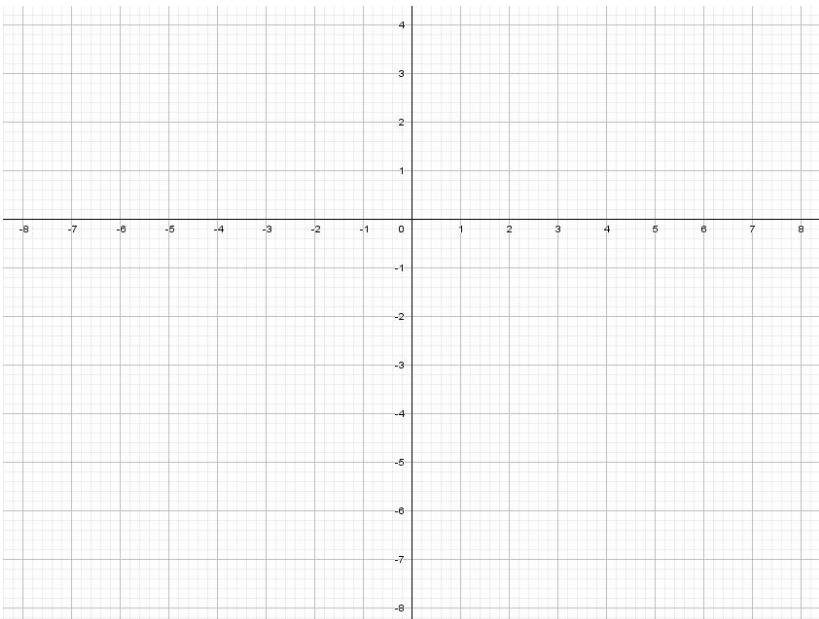
1. Representar el triángulo en un sistema de coordenadas 3 marks
2. Mostrar que el triángulo ABC es isósceles. 5 marks
3. Calcular el perímetro del triángulo. 4 marks
4. Calcular el ángulo  $\widehat{BAC}$ . 5 marks
5. Calcular las coordenadas del punto D para que la figura ABDC sea un paralelogramo. (Observar la figura representada en 1.). 3 marks

**Exercice 14**

Calc. : ✓

Dans le repère  $(O, i, j)$ , on considère les points suivants : A(-6; -3), B(+4; -1), C(-4; +1) et D(+2; y) et les vecteurs  $\vec{u}(+4; +1)$  et  $\vec{v}(+2; -3)$ . En complétant le graphique ci-joint, répondre aux questions suivantes :

1. Lire sur le graphique l'ordonnée du point D telle que  $\vec{BD} = \vec{CA}$ . 1 mark



2. Lire sur le graphique les coordonnées du point O tel que 1 mark

$$\vec{CO} = \frac{1}{2} \vec{CD}$$

3. Placer sur le graphique les points 2 marks

$$E = t_{\vec{v}}(B)$$

$$F = t_{\vec{v}}(A)$$

4. Déterminer par le calcul les coordonnées du point I vérifiant  $\vec{AI} = \frac{5}{4} \vec{AB}$ . 2 marks
5. Peut-on dire que les vecteurs  $\vec{u}$  et  $\vec{AB}$  sont colinéaires ? (Justifier votre réponse par un calcul). 2 marks
6. Démontrer que ABEF est un parallélogramme. (Justifier votre réponse par un calcul). 2 marks

**Exercice 15**

Calc. : ✓

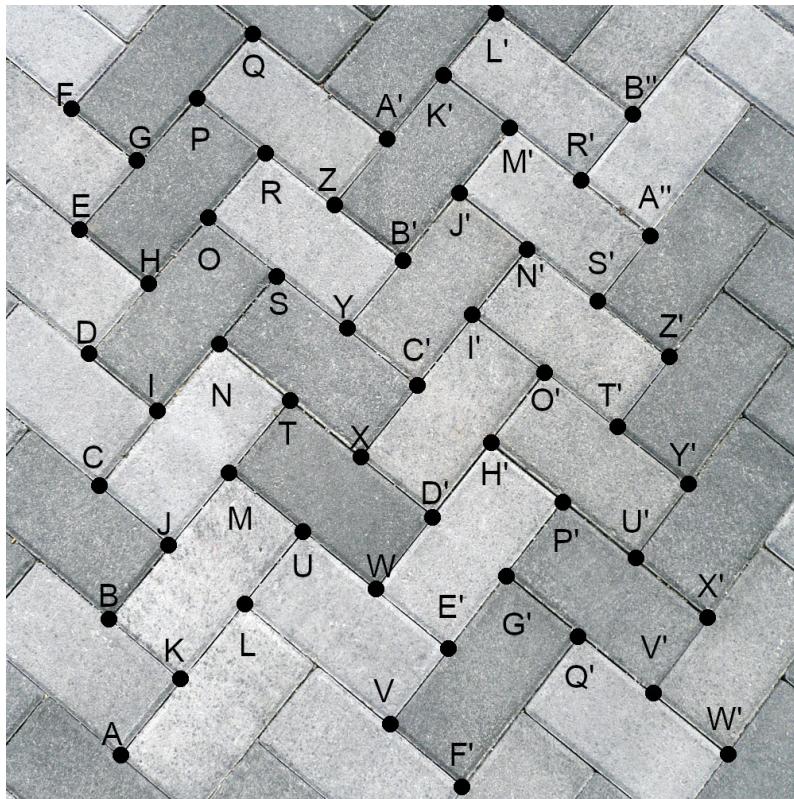
1. Dans le plan muni d'un repère orthonormé, on considère les points D(3; 5), E(-1; 0) et F(2; 4). Déterminer une mesure de l'angle  $\widehat{EDF}$  au centième de degré près. 4 marks
2. Dans le plan muni d'un repère orthonormé, on considère les points A(-2; 3), B(4; -1) et un point C tel que :
  - L'abscisse du point C est égale à 3 ;
  - Le triangle ABC est rectangle en B.

Déterminer les coordonnées de C.

3 marks

**Exercice 16**Calc. : ✓

Dans l'extract de rue pavée suivant, on considère que tous les rectangles sont de mêmes dimensions 5 cm x 10 cm :



1. Nommez deux rectangles qui peuvent être obtenus par translation du rectangle KUMB. 2 marks
2. Nommez le vecteur égal à  $\vec{KV}$  qui démarre en X. 2 marks
3. La translation de vecteur  $\vec{u}$  permet de transformer le rectangle JTNC en EPRH. Nommez un vecteur égal à  $\vec{u}$ . 2 marks
4. Nommer un vecteur égal à  $\vec{MU} + \vec{XZ}$ . 2 marks

**Exercice 17**Calc. : ✗

Les propositions suivantes sont-elles vraies ou fausses ? Expliquer ou justifier par des calculs.

10 marks

Proposition 1: "Si  $A(2; 3)$ ,  $B(-3; 1)$  et  $C(-1; -5)$  alors  $(AB)$  et  $(BC)$  sont perpendiculaires."

Proposition 2: "Si  $A(2; 3)$ ,  $B(-3; 1)$  et  $D(-13; -3)$  alors A, B et D sont alignés."

Proposition 3: Soient les deux points  $E(1; 3)$  et  $F(a; 2a)$  où  $a$  est un nombre réel. "Si F est le milieu du segment  $[EG]$  alors les coordonnées de G sont  $(2a - 1; 4a - 3)$ ."

Proposition 4: "Si  $\vec{AB} = \vec{DC}$  alors  $\vec{AD} = \vec{BC}$ ."

Proposition 5: "Si  $(AB)$  est parallèle à  $(CD)$  et si  $AB = \frac{1}{2}CD$  alors  $\vec{AB} = \frac{1}{2}\vec{CD}$ ."

**Exercice 18**

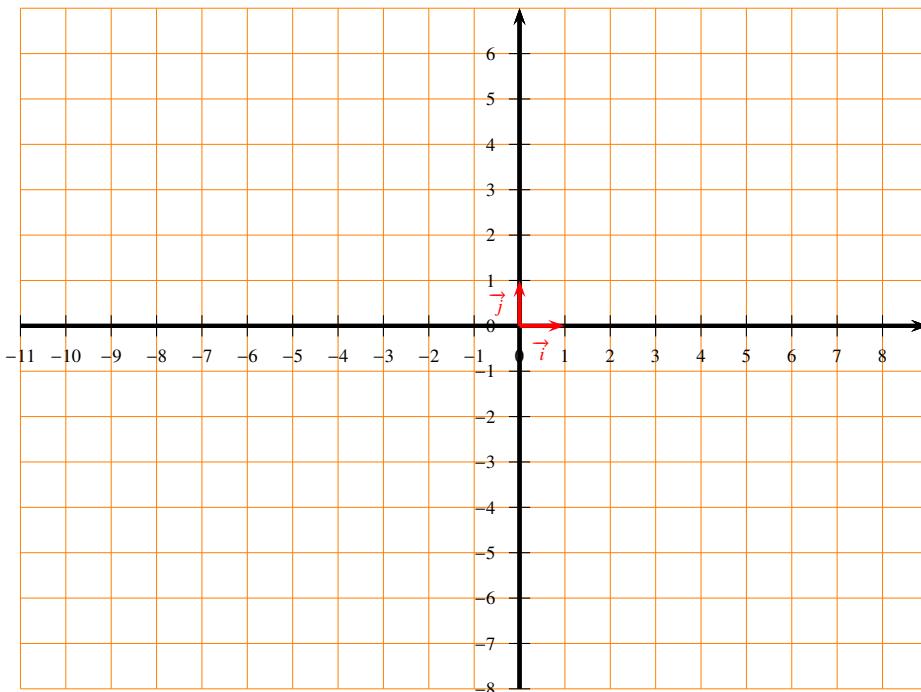
Calc. : ✓

On se place dans un repère orthonormé  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  du plan.

16 marks

On donne les points  $O(0; 0)$ ,  $A(-1; 3)$ ,  $B(5; -2)$ ,  $C(8; 6)$  et  $M(x, y)$  tel que  $\overrightarrow{AM} = \vec{u}$ ; où  $\vec{u}$  a pour coordonnées  $(-9; -10)$ .

1. Calculer les coordonnées de  $M$ .
2. Calculer les coordonnées des vecteurs  $\overrightarrow{AC}$  et  $\overrightarrow{BM}$ .
3. Les droites  $(AC)$  et  $(BM)$  sont-elles parallèles? Justifier.
4. Les points  $O$ ,  $M$  et  $C$  sont-ils alignés? Justifier.
5. Placer dans le repère ci-dessous les points  $O$ ,  $A$ ,  $B$ ,  $C$  et  $M$  et vérifier les résultats des questions 1), 2), 3), et 4).

**Exercice 19**

Calc. : ✓

On se place dans un repère orthonormé  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  du plan.

On donne  $D(3; -1)$ ;  $E(1; 3)$ ;  $F(0; -2)$  et  $G(6; 1)$ .

Montrer que les vecteurs  $\overrightarrow{DE}$  et  $\overrightarrow{FG}$  sont orthogonaux.

4 marks

**Exercice 20**

Calc. : ✗

1. Justifier si la proposition suivante est vraie ou fausse:

“Si  $ABCD$  est un parallélogramme alors  $\overrightarrow{DA} + \overrightarrow{DC} = \overrightarrow{DB}$ .”

2 marks

2. Soient les vecteurs  $\vec{a} = \begin{pmatrix} 1 \\ m \end{pmatrix}$  et  $\vec{b} = \begin{pmatrix} 3 \\ -4 \end{pmatrix}$ .

(a) Calcule la valeur de  $m$  pour que  $\vec{a}$  et  $\vec{b}$  soient orthogonaux.

3 marks

(b) Trouve un vecteur unitaire perpendiculaire à  $\vec{b}$ .

2 marks

**Exercice 21**

Calc. : ✓

Soient les points A(-7; 3), B(-5; 7), C(-6; 10) et D(-8; 6) dans un plan cartésien.

- |  |         |
|--|---------|
| 1. Calcule les composantes des vecteurs $\vec{AB}$ et $\vec{CD}$ .   | 2 marks |
| 2. Détermine un vecteur de longueur 5 unités dans la direction de $\vec{AB}$ .                                       | 4 marks |
| 3. Donne la nature du quadrilatère ABCD en justifiant.   | 1 mark  |
| 4. Soient les points M et N les milieux respectifs des segments [AB] et [CD]. Calcule les coordonnées de ces points. | 2 marks |
| 5. Montre que le triangle MBN est un triangle rectangle.   | 2 marks |

**Exercice 22**

Calc. : ✓

Soient les vecteurs  $\vec{a} = \begin{pmatrix} 4 \\ 5 \end{pmatrix}$  et  $\vec{b} = \begin{pmatrix} 1+t \\ -4 \end{pmatrix}$ .

- |  |         |
|--|---------|
| 1. Pour $t = 2$ , calcule le produit scalaire entre $\vec{a}$ et $\vec{b}$ et détermine si l'angle entre les deux vecteurs est obtus, aigu, droit ou si les deux vecteurs sont parallèles. | 3 marks |
| 2. Calcule la valeur $t$ qui permet aux vecteurs $\vec{a}$ et $\vec{b}$ d'être colinéaires.  | 3 marks |
| 3. Calcule l'angle entre $\vec{a}$ et $\vec{b}$ pour $t = 8$ .   | 5 marks |

**Exercice 23**

Calc. : ✓

Soit  $k$  un nombre réel. On considère les vecteurs :

$$\vec{u} = \begin{pmatrix} 1 \\ 2k-3 \end{pmatrix} \text{ et } \vec{v} = \begin{pmatrix} k-1 \\ 3 \end{pmatrix}.$$

- |   |           |
|---|-----------|
| 1. <b>Trouver</b> la valeur du paramètre $k$ , pour que les vecteurs $\vec{u}$ et $\vec{v}$ soient colinéaires.                                   | 1.5 marks |
| 2. <b>Trouver</b> la valeur du paramètre $k$ , pour que les vecteurs $\vec{u}$ et $\vec{v}$ soient orthogonaux.                                   | 1.5 marks |
| À partir de maintenant, on prend $k = 5$ .  |           |
| 3. <b>Trouver</b> la mesure de l'angle entre les vecteurs $\vec{u}$ et $\vec{v}$ .  | 1.5 marks |
| 4. <b>Exprimer</b> le vecteur $\vec{w} = \begin{pmatrix} -10 \\ 5 \end{pmatrix}$ comme combinaison linéaire des vecteurs $\vec{u}$ et $\vec{v}$ . | 2.5 marks |
| 5. <b>Trouver</b> les coordonnées des sommets du parallélogramme ABCD, sachant que A = (-2; 1), $\vec{AB} = \vec{u}$ , et $\vec{AD} = \vec{w}$ .  | 2.5 marks |

**Exercice 24**

Calc. : ✓

On considère un triangle ABC dont les points ont pour coordonnées : A(0; 0), B(-2; 4) et C(4; 5).

- |   |        |
|---|--------|
| 1. <b>Calculer</b> les coordonnées des vecteurs $\vec{BA}$ et $\vec{BC}$ .                    | 1 mark |
| 2. <b>Montrer que</b> l'angle au sommet B du triangle ABC vaut 72,9° arrondi au dixième près. | 1 mark |
| 3. <b>Calculer</b> l'aire du triangle ABC.  | 1 mark |

**Exercice 25**Calc. : ✓

Dans le plan muni d'un repère orthonormé, les coordonnées des points A, B et C sont respectivement :

A(1; 4), B(5; 5) et C(-1; 6).

1. **Déterminer** le vecteur  $\vec{AB}$  et **calculer** sa longueur. 2 marks
2. **Déterminer** la longueur du vecteur  $\vec{AC}$ . 2 marks
3. **Calculer** l'amplitude de l'angle entre les vecteurs  $\vec{AB}$  et  $\vec{AC}$  en donnant votre réponse arrondie au dixième de degré près. 3 marks
4. **Déterminer** la valeur de  $k$  sachant que le vecteur  $\begin{pmatrix} k \\ 1 \end{pmatrix}$  est perpendiculaire au vecteur  $\vec{BC}$ . 3 marks

**Exercice 26**Calc. : ✗Partie 1

Soient les points A(1; -2), B(0;  $m$ ) et C(6; -1).

**Trouver** le réel  $m$  pour que  $\vec{AB}$  et  $\vec{BC}$  soient dépendants.

Partie 2

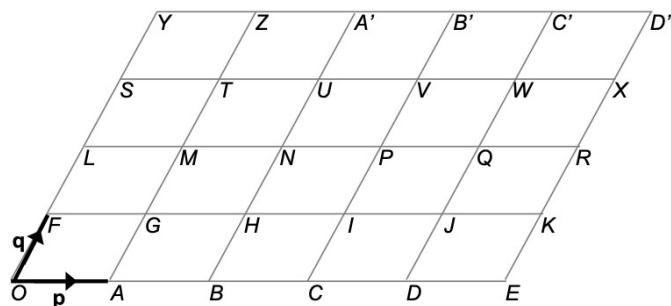
Dans le repère  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ , on considère les vecteurs :

$$\vec{a} = -2\vec{i} + \vec{j} \text{ et } \vec{b} = \vec{i} + 2\vec{j}.$$

Exprimer le vecteur  $\vec{w} = -\vec{i} + 2\vec{j}$  comme combinaison linéaire de  $\vec{a}$  et  $\vec{b}$ , c'est-à-dire sous la forme  $(\vec{w} = x\vec{a} + y\vec{b})$ .

**Exercice 27**Calc. : ✗

Two vectors  $\vec{p}$  and  $\vec{q}$  are shown on the grid.



- a) **Write** any position vector that is equal to  $\vec{p} - 2\vec{q}$ . 1 mark
- b) **Write** any position vector that is equal to  $-2\vec{p} - \vec{q}$ . 1 mark
- c) By drawing on the grid, **show** that 3 marks

$$(\vec{p} - 2\vec{q}) + (-2\vec{p} - \vec{q}) = -\vec{p} - 3\vec{q}$$

- d) **Find** the value of  $c$  and  $d$ : 3 marks

$$\begin{pmatrix} c \\ 5 \end{pmatrix} + 2 \begin{pmatrix} 3 \\ d \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} d \\ 8 \end{pmatrix}$$

**Exercise 28**

Calc. : ✓

A set of vectors is given by

$$\vec{a} = \begin{pmatrix} 5 \\ 1 \end{pmatrix}, \quad \vec{b} = \begin{pmatrix} 3 \\ 2 \end{pmatrix}$$

a) **Determine** if the vectors are linearly independent. **Show** your working.

3 marks

b) Does the set form a basis of  $\mathbb{R}^2$ ? **Explain** your answer.

3 marks

c) If possible, **express** the vector  $\vec{u} = \begin{pmatrix} 7 \\ 0 \end{pmatrix}$  as a linear combination of  $\vec{a}$  and  $\vec{b}$ .

3 marks