

Exercice 1

Calc. : ✓

— 14 marks —

Dans une usine de sucreries, la production journalière de chocolat est comprise entre 0 et 90 kilogrammes. Pour tout réel x dans $[0; 90]$, on note $c(x)$ le coût de production, en euros, de x kilogrammes de chocolat. La fonction c est définie sur l'intervalle $[0; 90]$, et son expression est :

$$c(x) = 0,05x^2 + 1,2x + 60$$

Un kilogramme de chocolat produit est vendu 6. La fonction r , exprimant la recette en euros pour x kilogrammes vendus, est donc définie sur l'intervalle $[0; 90]$ par $r(x) = 6x$.

1. Le bénéfice d'une entreprise correspond à ce qu'elle gagne moins ce qu'elle dépense. Montrer que le bénéfice $b(x)$ réalisé par l'usine pour la production et la vente journalières de x kilogrammes de chocolat, pour x dans l'intervalle $[0; 90]$, est donné par :

$$b(x) = -0,05x^2 + 4,8x - 60$$

2. Résoudre à la calculatrice l'inéquation $b(x) \geq 0$.
3. Pour quelles quantités de production l'entreprise perd-elle de l'argent ?

La courbe C , représentative dans un repère orthogonal de la fonction coût de production c , est donnée sur le graphique suivant.

4. Tracer la fonction r sur le même graphique.
5. Vérifier graphiquement la réponse à la question 2) en expliquant.

