On accordera une attention particulière, à ce devoir comme à tous les autres, à l'orthographe, la présentation et la rédaction des réponses (ce qui inclut l'obligation de justifier).

Exercice 1 2 points

2 points

Écrire l'équation de la tangente au graphique de la fonction $f(x) = 3e^x + x^2 - 1$ au point d'abscisse 1.

Exercice 2 6 points

Le nombre de coccinelles N(t) vivant sur un rosier en été 2023 est donné par le modèle :

$$N(t) = 6 \cdot e^{0.148 \cdot t}$$

où t est le nombre de jours écoulés depuis le 1er juin (t = 0 correspond au 1er juin).

0.5 point

a) Combien de coccinelles y avait-il sur le buisson le 1er juin?

2 points

b) Tracer le graphique donnant la population de coccinelles pendant le mois de juin selon ce modèle.

1 point

c) Combien y aurait-il de coccinelles fin juillet selon ce modèle? Discutez de la pertinence de ce modèle sur le long terme.

1 point

d) Réécrivez l'expression N(t) sous la forme :

$$N(t) = a \cdot b^t$$

(on arrondira les valeurs de a et b au centième si nécessaire)

Le nombre de mouches vertes V(t) sur un même rosier est modélisé par l'équation suivante :

$$V(t) = 1500 \cdot 0.68^t$$

0.5 point

e) La population de mouches vertes augmente-t-elle ou diminue-t-elle?

1 point

f) Donnez ce changement en pourcentage par jour.

Exercice 3 2.5 points

On considère la fonction $f(x) = 4x^2 - 5x + 10$ définie sur l'intervalle [-5; 5].

1 point

- a) Calculez f'(x).
- 1.5 point
- b) Dresser le tableau de variations complet de f, en indiquant les valeurs de la fonction aux bords des flèches.